

سلسلة تمارين رقم 3 (المتغيرات العشوائية)

التمرين 1: في التجربة العشوائية الممثلة في رمي قطعتي نرد، نعرف المتغير العشوائي X على أنه "القيمة المطلقة لفرق النتيجة المتحصلة عليها". المطلوب:

- 1 - أوجد جدول التوزيع الاحتمالي للمتغير العشوائي X و مثله بيانيا
- 2 - قدم تابع التوزيع الاحتمالي للمتغير العشوائي X و مثله بيانيا
- 3 - أحسب الاحتمالات التالية: $P(X > 2)$, $P(X \geq 3)$
- 4 - احسب التوقع الرياضي والتباين

التمرين 2: ليكن X متغير عشوائي، توزيعه الاحتمالي يقدمه الجدول التالي:

$X=x_i$	$P(X=x_i)$
15	1h
25	2h
35	3h
45	4h
55	5h
65	6h

المطلوب:

- 1 - اوجد قيمة h .
- 2 - أوجد تابع التوزيع الاحتمالي $F(x_i)$
- 3 - نعرف المتغير الجديد Y كما يلي: $y = (x-5)/10$ ، أوجد قيمه.
- 4 - أوجد تابع الاحتمالي و تابع التوزيع الاحتمالي للمتغير الجديد Y
- 5 - أحسب $V(y)$, $V(x)$, $E(y)$, $E(x)$

التمرين 3: الجدول التالي يقدم التوزيع الاحتمالي للمتغير العشوائي X :

$X=x_i$	1	2	3	4	5
$P(X=x_i)$	1/15	2/15	1/5	4/15	k

المطلوب:

- 1 - حدد قيمة الثابت k .
- 2 - أحسب الاحتمالات التالية: $P(1 < X \leq 4)$, $P(2 \leq X < 5)$, $P(X > 5)$, $P(X \geq 5)$
- 3 - أحسب: $V(x)$, $E(x)$

التمرين 4: ليكن X متغير عشوائي مستمر، تابع كثافته الاحتمالية يعطى وفقا للعلاقة التالية:

$$f(x) = \begin{cases} \frac{1}{6}x - c & \text{si } 0 < x < 3 \\ 0 & \text{ailleurs} \end{cases}$$

المطلوب:

1 - أوجد قيمة c ثم أحسب كل من $V(x)$, $E(x)$, $P(1 < X < 2)$

2 - إذا كان $y=2x$ أوجد: $V(y)$, $E(y)$, $f(y)$

التمرين 5: ليكن X متغير عشوائي مستمر، معرف بالتابع التالي:

$$f(x) = \begin{cases} k(2x + 3) & \text{si } 1 < x < 3 \\ 0 & \text{ailleurs} \end{cases}$$

المطلوب:

1 - أوجد قيمة k حتى يكون المتغير العشوائي X تابع كثافة احتمالية

2 - أحسب الوسيط (Me)

التمرين 6: ليكن X متغير عشوائي مستمر، تابع كثافته الاحتمالية يعطى وفقا للعلاقة التالية:

$$f(x) = \begin{cases} ke^{-\frac{x}{2}} & \text{si } x \geq 0 \\ 0 & \text{ailleurs} \end{cases}$$

المطلوب:

1 - أوجد قيمة k

أوجد قيمة α حيث أن $P(X \geq \alpha) = \frac{1}{2}$