

التحويلات الخطية للمتغير العشوائي:

ليكن X متغيراً عشوائياً، يمكن إجراء تغييرات أو تحويلات عليه، هذه التحويلات تكون من شكل $y=ax+b$ حيث أن a, b عبارة عن ثوابت و المتغير y عبارة عن متغير جديد تم استنتاجه انطلاقاً من المتغير قديم x و ذلك عن طريق إجراء تحويلات خطية على x ، و بالتالي فإن المتغير y يسمى "المتغير المستنتج".

من أجل كل قيمة x_i للمتغير العشوائي X هناك قيمة واحدة وواحدة فقط y_i للمتغير المستنتج Y حيث أن $y_i=ax_i+b$.

- دالة الاحتمال للمتغير العشوائي Y هي: $f(y_i)=f(x_i)=P(Y=y_i)=P(X=x_i)$.

- تابع التوزيع الاحتمالي للمتغير العشوائي Y يرمز له بالرمز: $F(y_i)=P(Y \leq y_i)$.

مثال: لنعتبر التجربة العشوائية الممثلة في رمي 3 قطع نقود. نعرف المتغير العشوائي X على أنه "عدد مرات الحصول على F ". المطلوب:

- قدم جدول التوزيع الاحتمالي و كذا تابع التوزيع الاحتمالي للمتغير العشوائي X .

لنفرض أننا نعطي مبلغ 10 دج من أجل كل F يحصل عليها و نقدم 20 دج من أجل المشاركة. نعرف المتغير العشوائي Y "المبلغ المتحصل عليه". المطلوب:

- أكتب صيغة y ، ثم أوجد كل من $F(y_i)$, $f(y_i)$.

الحل: نتائج المثال ملخصة في الجدول التالي :

$X=x_i$	$f(x_i)$	$F(x_i)$	$Y_i=10x_i+20$	$f(y_i)$	$F(y_i)$
0	1/8	1/8	20	1/8	1/8
1	3/8	4/8	30	3/8	4/8
2	3/8	7/8	40	3/8	7/8
3	1/8	8/8	50	1/8	8/8