

3-4-2-3- متراجحة و نظرية تشيبيشيف

*-متراجحة تشيبيشيف.

نفرض أنه لدينا متغير عشوائي X له كتوقع رياضي: $m = E(X)$ و تباين قدره δ^2 . نتص متراجحة تشيبيشيف على ما يلي :

"من أجل كل عدد حقيقي موجب صغير ε فإن احتمال أن يبتعد المتغير العشوائي X عن توقعه الرياضي m بمقدار ε هو أصغر أو يساوي المقدار: $\frac{\delta^2}{\varepsilon^2}$ ". وهذا ما يمكننا أن نعبر عنه رياضيا بما يلي :

$$P\{|X - m| \geq \varepsilon\} \leq \frac{\delta^2}{\varepsilon^2}$$

وذلك مهما كان قانون توزيع X . (المتغير العشوائي محل الدراسة).

*- نظرية تشيبيشيف - Tchebycheff.

إذا كان k عددا حقيقيا موجبا و كان X متغيرا عشوائيا ما , له توقع رياضي يساوي m و انحراف معياري يساوي δ , فإن الاحتمال لكي يأخذ المتغير X قيما تحقق المتراجحة :

$$|X - m| > k\delta \text{ أصغر من } \frac{1}{k^2} \text{ أي أن :}$$

$$P[|X - m| > k\delta] < \frac{1}{k^2}$$

مثال (3-12)

إذا وضعنا في النظرية $k=2$ مثلا نجد أن :

$$P[|X - m| > 2\delta] < \frac{1}{2^2} \Leftrightarrow P[|X - m| > 2\delta] < 0,25$$

أو :

$$P[|X - m| > 2\delta] > 0,75$$

ملاحظة : يمكن أن تأخذ متراجحة تشيبيشيف أشكالا أخرى مكافئة بالطبع للشكل الذي ذكرناه و من هذه الأشكال :

$$\forall \varepsilon > 0 ; P[|X - m| > \varepsilon] < \frac{\delta^2}{\varepsilon^2} \quad - /$$

$$\forall \varepsilon > 0 ; P[|X - m| < \varepsilon] > 1 - \frac{\delta^2}{\varepsilon^2} \quad - ب$$