

التحليل التوافقي Analyse combinatoire

التمرين الاول: 1 - أحسب القيم التالية: $3!$, $7!$, $\frac{15!}{12!}$, $\frac{5!}{12!}$

2- أكتب على أبسط شكل ممكن الكسور التالية:

$$\frac{(n-1)!}{(n+1)!} + \frac{n!}{(n-1)!}, \quad \frac{(n-r+1)!}{(n-r-1)!}, \quad \frac{(n+1)!}{n!}, \quad \frac{n!}{(n-2)!}, \quad \frac{5 \cdot (6!)^2}{6! \cdot 5!}, \quad \frac{14! \cdot 6!}{12! \cdot 5!}$$

التمرين الثاني: أثبت أن:

1. $\forall (s, n, p) \in \mathbb{N}^3: C_s^p \cdot C_{s-p}^{n-p} = C_s^n \cdot C_n^p$
2. $\forall (n, p) \in \mathbb{N}^2: p \cdot C_n^p = n \cdot C_{n-1}^{p-1}$
3. $\forall (n, p) \in \mathbb{N}^2: p \cdot C_{n+1}^p = (n+1) \cdot C_n^{p-1}$

التمرين الثالث: هل يوجد عدد صحيح n موجب حيث يكون: $A_n^1 + A_n^3 = 9$

التمرين الرابع: بين صحة العلاقة التالية:

1. $C_n^k \cdot P_k = A_n^k$
2. $C_n^{n-k} = C_n^k$
3. $C_{n-1}^{k-1} + C_{n-1}^k = C_n^k$

التمرين الخامس: يتكون رقم الهاتف من ستة أرقام ما هو عدد الأرقام الهاتفية الممكنة ؟

التمرين السادس: بكم طريقة يمكن لمجموعة مكونة من خمسة أشخاص أن يجلسوا

1- في صف به خمسة مقاعد ؟

2- حول طاولة مستديرة تشمل خمسة مقاعد ؟

3- إذا أصر شخصين من أن يجلسا جنباً إلى جنب ؟

التمرين السابع: قطار يتكون من عشر عربات مختلفة فبكم طريقة يمكن تركيب هذا القطار (بفرض أن

القاطرة موجودة دوماً بالראس) ؟

التمرين الثامن: ما هو عدد التباديل المختلفة التي يمكن تكوينها من أحرف الكلمات التالية:

PROBABILITES, STATISTIQUES ; CENTREE ; EQUATION, AGRICULTURE.

التمرين التاسع: كم عدد من ستة أرقام يمكننا أن نكون وذلك بأخذ العدد 1 مرتين، ثلاث مرات العدد 2 ومرة

واحدة العدد 3 ؟

التمرين العاشر: تتشكل كلمة سر من ثلاث أحرف لاتينية متبوعة برقمين مختلفين

1- كم كلمة سر يمكننا تشكيلها بهذه الطريقة ؟

2- من بين هذه الكلمات كم منها ينتهي بحرف زوجي ؟

التمرين الحادي عشر:

1- كم عدد من 3 أرقام مختلفة يمكن تشكيله بالأرقام 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8 ؟

2- ما هو عدد الأعداد الزوجية ؟

3- ما هو عدد الأعداد الفردية ؟

4- ما هو عدد الأعداد الزوجية التي تبدأ بالرقم 1 ؟

التمرين 12: لجنة مكونة من 20 طالب تختار مكتبا لها مكونا من خمسة أعضاء. الرئيس, نائب الرئيس, 3 أمناء.

- فبكم طريقة يمكن تكوين هذا المكتب ؟

التمرين 13: نادي به 8 أعضاء

1- كم عدد اللجان المختلفة المكونة من ثلاثة أعضاء يمكن تكوينها بهذا النادي ؟

2- كم عدد اللجان المختلفة المكونة من ثلاثة أعضاء يمكن تكوينها بهذا النادي إذا علمنا أن لكل رئيس و أمين صندوق و سكرتير ؟

التمرين 14: لنفرض عدم وجود التكرار في هذا التمرين.

1- كم عدد يمكن تشكيله بثلاثة أرقام من بين الأرقام التالية 2, 3, 5, 6, 7, 9 ؟

2- كم من بين هذه الأعداد تكون أقل من 400 ؟

3- كم من عدد زوجي يمكن تكوينه ؟

4- كم من عدد فردي يمكن تكوينه ؟

5- كم منها هي من مضاعفات العدد 5 ؟

التمرين 15: لدينا صندوق يحتوي على 5 كريات حمراء و 3 كريات بيضاء نسحب 3 كريات في آن واحد, فما هو عدد الحالات الممكنة للحصول على:

1- كرة حمراء واحدة فقط ؟

2- كرتين بيضاويتين ؟

3- على الأقل كرة حمراء واحدة ؟

التمرين 16: أراد شخص استدعاء 05 اصدقاء من أصل 11 صديقا من المقربين لمأدبة عشاء

1- فبكم طريقة يمكنها استدعاءهم ؟

2- بكم طريقة ممكنة اذا علمت إن اثنين منهم لا يحضران إلا معا ؟

3- كم لديه من خيار اذا كان اثنين منهم لا يستطيعان الحضور معا ؟

التمرين 17: قسم يتكون من 9 طالبة و 3 طالبات

1- بكم طريقة يمكن للأستاذ تكوين لجنة من 4 طالبة ؟

2- بكم من طريقة يمكن تكوين لجنة بها طالبة على الأقل ؟

3- بكم طريقة يمكن تكوين لجنة بها طالبة واحدة فقط ؟

التمرين 18: خلال امتحان على الطالب الإجابة على 8 أسئلة من بين مجموع 10 أسئلة

1- ما هي مجموعة الاختيارات الممكنة ؟

2- كم من اختيار لديه إذا كان عليه الإجابة على الثلاث أسئلة الأولى ؟

3- كم اختيار لديه إذا كان عليه الإجابة على الأقل على 4 من بين الخمس أسئلة الأولى ؟

السلسلة 2

التمرين 1 : صندوق يحتوي على 3 كرات بيضاء و 4 سوداء لا نفرق بينهم باللمس .إذا قمنا بإجراء سحب في كل سحبة نأخذ كرة بطريقة عشوائية .إذا كانت سوداء نتوقف عن السحب وإذا كانت بيضاء لا نعيدها ونواصل سحب الكرة الموالية وهكذا:

1- ما هو احتمال أن تكون الكرة في السحبة الأولى سوداء؟

2- ما هو احتمال أن تكون الكرة في السحبة الثانية سوداء؟

3- استنتج الاحتمال لكي لا نحري السحبة الثالثة؟

التمرين 02: إذا كانت لدينا تجربة تتمثل في رمي حجرة نرد . ما هو احتمال الحصول على:

1- أقل من 3 2- أكثر من 3

التمرين 3 : عند الإعلان عن نتائج السنة الجامعية وجد أنه في كل 100 طالب يوجد 20 طالب راسب . فإذا اخترنا طالبين بطريقة عشوائية من مجموعة ما .

1- ما هو احتمال أن يكون الطالب الأول راسب؟

2- ما هو احتمال أن يكون الطالب الثاني راسب علما أن الطالب الأول راسب؟

3- ما هو احتمال أن يكونا كلاهما راسبين؟

التمرين 4: في أحد مخابر التحاليل الطبية تم فحص مجموعة من الأفراد للكشف عن مرض معين . فإذا رمزنا ب A إلى الشخص الذي

تم فحصه مصاب بهذا المرض و B إلى أن نتيجة الفحص ايجابية . فإذا كان لدينا : $P(B/\bar{A}) = 0.005$, $P(B/A) = 0.99$

وأن 1 في الألف من الأشخاص يعانون من هذا المرض . اخترنا شخص بطريقة

عشوائية . ما هو احتمال أن يكون هذا الشخص مصابا بالمرض علما أن نتيجة الفحص كانت ايجابية؟

التمرين 5: إذا كان لديك الحوادث التالية : $P(A \cap B) = \frac{1}{5}$, $P(B) = \frac{1}{3}$, $P(A) = \frac{1}{4}$

أ - أحسب كل من: $P(B/A)$, $P(A \cup B)$

ب - هل الحدثين A و B مستقلين أم لا؟

التمرين 6: في الإجابة عن سؤال في اختبار متعدد الخيارات، يكون الطالب في وضعيتين متأكد من الإجابة أو غير متأكد . نفترض p

لاحتمال أن يكون الطالب متأكد من الإجابة، و $1-p$ لاحتمال أن يكون الطالب غير متأكد من الإجابة . نفترض أيضا أن الطالب

الذي يفكر في الإجابة سيكون صحيحا باحتمال قدره $\frac{1}{m}$

حيث أن m هو عدد الاختيارات المتاحة . ما هو احتمال أن يكون الطالب متأكد من الإجابة عن سؤال معين علما أنه أجاب عليه

بشكل صحيح؟

التمرين 7: اشترى طالب 3 كتب في الإحصاء و 2 في الرياضيات و 4 في العلوم . وبعد الرجوع إلى المنزل رتب هذه الكتب في رف .

أ - ما هي عدد الطرق الممكنة لترتيب هذه الكتب؟

ب - ما هو احتمال ترتيب هذه الكتب بحيث يجب ترتيب الكتب من نفس النوع مع بعضها؟

ج - ما هو احتمال ترتيب هذه الكتب بحيث يجب ترتيب كتب العلوم فقط مع بعضها؟

السلسلة 2

التمرين 8: في إحدى الأقسام وجد أن 7% طلاب و 3% طالبات أجنب. وأن 80 % من المجموع الكلي للطلبة طالبات.

أ - اختير طالب بطريقة عشوائية ما هو احتمال أن يكون أجنبي؟ ب - إذا كان أجنبي ما هو احتمال أن تكون طالبة؟

التمرين 9: يصيب أحد الرماة الهدف باحتمال قدره 0.6 ما هو عدد الرميات التي يجب يطلقها هذا الرامي حتى يكون احتمال إصابة الهدف على الأقل 80 %.

التمرين 10: صندوق به مصاييح، 5 فاسدة و 10 سليمة؛ نسحب ثلاثة مصاييح في آن واحد.

اوجد الاحتمالات التالية:

3. واحد على الأقل فاسد؟
4. اثنان على الأكثر فاسد؟
1. جميعها سليمة؟
2. واحد فقط فاسد؟

التمرين 11: القيت ثلاثة قطع نقدية، اوجد ما يلي:

3. احتمال ان تكون القطع الثلاثة صورة؟
4. احتمال ان تكون القطعة الثانية صورة؟
1. المجموعة الاساسية؟
2. احتمال ان تكون القطعة الاولى صورة؟

التمرين 12: ليكن A و B حادثان بحيث: $p(A \cap B) = \frac{1}{4}$; $p(\bar{A}) = \frac{5}{8}$; $p(A \cup B) = 7/8$

المطلوب: اوجد احتمال الحوادث التالية:

$$p(A \cap \bar{B}) ; p(A) ; p(B)$$

التمرين 13: صيادان يقومان بالقذف على هدف معين، وكل واحد منهم يقوم بالقذف مرة واحد. علما أن : احتمال ان الصياد A

يصيب الهدف هو 0.7 واحتمال ان الصياد B يصيب الهدف هو 0.6 واحتمال ان الصياد A و B يصيبان الهدف هو 0.5

المطلوب: - ما هو احتمال ان الصياد A فقط يصيب الهدف؟

- ما هو احتمال ان الصياد A أو B يصيبان الهدف؟

التمرين 14: الجدول الموالي يوضح توزيع مجموعة طلبة حسب الفوج والنتيجة.

نعتبر التجربة العشوائية الممثلة في اختيار طالب بطريقة عشوائية . احسب

الاحتمالات التالية:

الفوج 2	الفوج 1	
21	20	ناجح
09	05	راسب

- 6- الطالب المختار راسب علما أنه ينتمي الى الفوج 1؟
- 7- الطالب المختار ناجح علما أنه ينتمي الى الفوج 1؟
- 8- الطالب المختار ناجح علما أنه ينتمي الى الفوج 2؟
- 9- الطالب المختار راسب علما أنه ينتمي الى الفوج 2؟
- 1- الطالب المختار ينتمي الى الفوج 1؟
- 2- الطالب المختار ناجح؟
- 3- الطالب المختار راسب؟
- 4- الطالب المختار ينتمي الى الفوج 2؟
- 5- الطالب المختار ينتمي الى الفوج 1 وراسب؟

تمرين 15: العدد الاجمالي لطلبة السنة الاولى جذع مشترك علوم اقتصادية يتكون من 48% طلبة و 52% طالبات، 5% من الطلبة

راسبين و 25% من الطالبات راسبات، تم اختيار فرد بطريقة عشوائية. المطلوب:

1. ما هو احتمال أن الفرد المختار راسب؟
2. ما هو احتمال أن الفرد المختار ناجح؟
3. اذا علمت أن الفرد المختار راسب، ما هو احتمال ان يكون طالب؟
4. اذا علمت أن الفرد المختار ناجح، ما هو احتمال ان تكون طالبة؟

السلسلة 3

التمرين 1: نرمي حجرة نرد . نعتبر المتغير العشوائي X هو ضعف الرقم الذي يظهر على الوجه العلوي.

أ - حدد قانون التوزيع الاحتمالي للمتغير العشوائي ومثله بيانياً؟

ب - حدد دالة التوزيع للمتغير العشوائي وتمثيلها البياني؟

ج - احسب التوقع الرياضي، التباين والانحراف المعياري؟

التمرين 02: ليكن قانون التوزيع الاحتمالي للمتغير العشوائي مبين في الجدول الموالي:

x_i	0	1	2	3
p_i	1/64	18/64	18/64	27/64

أ - حدد تابع التوزيع للمتغير العشوائي حسابيا وبيانياً؟

ب - احسب التوقع الرياضي، التباين والانحراف المعياري؟

التمرين 3: يحتوي صندوق على 6 كرات سوداء و 4 حمراء قمنا بسحب 3 كرات بطريقة عشوائية . إذا كان متغير عشوائي

يمثل عدد الكرات الحمراء المسحوبة . 1- حدد قانون التوزيع الاحتمالي للمتغير العشوائي؟

2- أوجد تابع التوزيع للمتغير العشوائي؟ 3- احسب التوقع الرياضي، التباين والانحراف المعياري؟

$$f(X) = \begin{cases} 2x & 0 \leq X \leq 1 \\ 0 & \text{بغلاف ذلك} \end{cases}$$

التمرين 4: إذا كان متغير عشوائي مستمر معرف بالتابع التالي

1- تأكد أن التابع المعطى هو تابع كثافة احتمالية؟ ومثله بيانياً؟

2- احسب الاحتمال $p(0 < X < 0,5)$

3- حدد تابع التوزيع للمتغير العشوائي؟ ومثله بيانياً؟ 4- احسب التوقع الرياضي، التباين والانحراف المعياري؟

$$f(X) = \begin{cases} K(4x - 2x^2) & 0 < X < 2 \\ 0 & \text{بغلاف ذلك} \end{cases}$$

التمرين 5: نفترض أن متغير عشوائي مستمر معرف بالتابع التالي:

1- احسب قيمة الثابت K حتى يكون التابع المعطى هو تابع كثافة احتمالية؟

2- احسب الاحتمال $p(x > 1)$

3- حدد دالة التوزيع التراكمية للمتغير العشوائي؟

التمرين 6: نفترض أن متغير عشوائي مستمر له تابع كثافة احتمالية معطى

$$f(X) = \begin{cases} cx^4 & 0 < X < 2 \\ 0 & \text{بغلاف ذلك} \end{cases}$$

1- احسب قيمة الثابت c ؟

2- احسب الاحتمال $p(x > 1,5)$

3- حدد تابع التوزيع للمتغير العشوائي؟ 4- احسب التوقع الرياضي، التباين والانحراف المعياري؟

التمرين 7: إذا كان متغير عشوائي مستمر معرف بالتابع التالي

1- أثبت أن التابع المعطى هو تابع كثافة احتمالية ؟

2- احسب الاحتمال $p(x > 1/3)$

التمرين 8: إذا كان متغير عشوائي مستمر معرف بتابع

الكثافة الاحتمالية التالي

$$f(X) = \begin{cases} Kx^3 & 0 < X \leq 1 \\ 0 & \text{بغلاف ذلك} \end{cases}$$

1- احسب قيمة الثابت c ؟

2- احسب الاحتمال $p(X \leq \frac{2}{3} / X > \frac{1}{3})$

3- احسب التوقع الرياضي، التباين والانحراف المعياري؟

السلسلة 3

تمرين 9: ليكن X متغير عشوائي يمثل الفرق بين عدد مرات ظهور الصورة والكتابة عند رمي قطعة نقدية n مرة.

- ما هي القيم الممكنة للمتغير؟

من أجل $n = 5$

- اعطي التوزيع الاحتمالي؟

- احسب اللامل الرياضي والتباين وكذا الانحراف المعياري؟

- مثل بيانيا الدالة؟

تمرين 10: نختار قطعتين نقديتين من صندوق به قطعتين ذات 5 دينار و 3 قطع ذات 10 دينار. X متغير عشوائي يمثل

مجموع القيمتين المحصل عليهما . المطلوب:

- اوجد التوزيع الاحتمالي؟

- احسب الأمل الرياضي؟

- أحسب التباين والانحراف المعياري؟

- مثل بيانيا الدالة الاحتمالية؟

- مثل بيانيا دالة التوزيع التراكمية؟

تمرين 11: في دراسة اجتماعية نختار عشوائيا عائلة ذات 4 اطفال ونسجل جنس الاطفال (ذكر M او انثى F) حيث نبدأ

الطفل الاكبر. المطلوب: *اعطي المجموعة الاساسية

T^* متغير عشوائي يبين عدد البنات في العائلة المختارة. - اوجد التوزيع الاحتمالي؟

- احسب الأمل الرياضي؟

- أحسب التباين والانحراف المعياري؟

- مثل بيانيا الدالة الاحتمالية؟

- مثل بيانيا دالة التوزيع التراكمية؟

- احسب الاحتمالات التالية: $p(1 < t \leq 4)$; $p(t \geq 2)$; $p(t > 1)$; $p(1 \leq t < 4)$

تمرين 12: لتكن دالة التوزيع التراكمية للمتغير العشوائي المنفصل معرفة كما يلي

$$F(X) = \begin{cases} 0 & \text{si } x < 0 \\ 0,5 & \text{si } 0 \leq x < 1 \\ 0,6 & \text{si } 1 \leq x < 2 \\ 0,8 & \text{si } 2 \leq x < 3 \\ 0,9 & \text{si } 3 \leq x < 4 \\ 1 & \text{si } x \geq 4 \end{cases}$$

المطلوب:

- اوجد جدول التوزيع الاحتمالي للمتغير؟

- احسب الامل الرياضي؟

- أحسب التباين والانحراف المعياري؟

- مثل بيانيا الدالة الاحتمالية؟

- مثل بيانيا دالة التوزيع التراكمية؟

تمرين 11: ليكن X متغير عشوائي له التوزيع الاحتمالي التالي:

المطلوب: - احسب الامل الرياضي $E(3X-1)$; $E(XX)$ ؟

- أحسب التباين والانحراف المعياري؟

- مثل بيانيا الدالة الاحتمالية؟

- مثل بيانيا دالة التوزيع التراكمية؟

تمرين 12: لتكن الدالة المعرفة كما يلي:

$$F(X) = \begin{cases} 0 & \text{si } x < 0 \\ \frac{x}{x+1} & \text{si } x \geq 0 \end{cases}$$

1. هل هذه الدالة هي دالة توزيع تراكمية؟

2. أعطي دالة التوزيع الاحتمالية؟

أحسب الاحتمال $p(2 < x < 3)$

السلسلة 4

التوزيع	متى يستخدم	القيم الممكنة للمتغيرة	الاحتمال	التوقع والتباين
برنولي $X \sim B(1, p)$	تجربة واحدة (غير مكررة) تقبل نتيحتين.	$X = \{0, 1\}$	$P(X = 1) = p,$ $P(X = 0) = 1 - p = q$	$\mu = p, \sigma^2 = pq$
الثنائي $X \sim B(n, p)$	تجارب ثنائية النتيجة، مكررة ومستقلة (p ثابت).	$X = \{0, 1, 2, \dots, n\}$	$P(X = x) = C_n^x p^x q^{n-x}$ $C_n^x = \frac{n!}{x!(n-x)!}$	$\mu = np, \sigma^2 = npq$
باسكال (الثنائي السالب)	X هي عدد التجارب اللازمة للحصول على عدد r من النجاحات في تجارب برنولية مكررة.	$X = \{r, r+1, r+2, \dots, +\infty\}$	$P(X = x) = C_{x-1}^{r-1} p^r q^{x-r}$	$\mu = r/p,$ $\sigma^2 = rq/p^2$
الهندسي	X هي عدد التجارب اللازمة للحصول على النجاح الأول في تجارب برنولية مكررة.	$X = \{1, 2, \dots, +\infty\}$	$P(X = x) = q^{x-1} p$	$\mu = 1/p,$ $\sigma^2 = q/p^2$
التوزيع المتعدد	هو تعميم للتوزيع الثنائي على تجربة مكررة متعددة النتائج.	$\forall i, 0 \leq x_i \leq N_i,$ $\sum_{i=1}^k x_i = n,$ $\sum_{i=1}^k N_i = N$	$P(X_1 = x_1, X_2 = x_2, \dots, X_k = x_k) = \frac{n!}{x_1! x_2! \dots x_k!} p_1^{x_1} p_2^{x_2} \dots p_k^{x_k}$	$E(X_k) = np_k$ $V(X_k) = np_k q_k$
بواسون $X \sim P(\lambda)$ $\lambda > 0$	X عدد النجاحات في عدد كبير من التجارب البرنولية (عدد الوحدات التالفة في شحنة). أو عدد من الأحداث في فترة زمن.	$X = \{0, 1, 2, \dots, +\infty\}$	$P(X = x) = \frac{\lambda^x e^{-\lambda}}{x!}$ $P(X = 0) = e^{-\lambda}$ $P(X \geq 1) = 1 - e^{-\lambda}$	$E(x) = V(x) = \lambda$

الجدول التالي يلخص خصائص التوزيعات الاحتمالية المستمرة الأكثر استخداما.

التوزيع	دالة الكثافة ، التوقع والتباين	خصائص التوزيع
التوزيع الطبيعي المعياري $X \sim N(0, 1)$	$f(z) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-z^2/2} \quad -\infty < z < \infty$ $E(Z) = 0, V(Z) = 1$	$P(Z \leq -z) = 1 - P(Z \leq z) = P(Z \geq z)$ $P(-\sigma \leq X \leq \sigma) = P(-1 \leq Z \leq 1) = 0.6837,$ $P(-2\sigma \leq X \leq 2\sigma) = P(-2 \leq Z \leq 2) = 0.9544,$ $P(-3\sigma \leq X \leq 3\sigma) = P(-3 \leq Z \leq 3) = 0.9973.$
التوزيع الأسي	$\mu = 1/\lambda,$ $\sigma^2 = 1/\lambda^2$ $F(x) = 1 - e^{-\lambda x}$ $f(\tau) = \begin{cases} \lambda e^{-\lambda \tau} & , \tau > 0 \\ 0 & , \tau \leq 0 \end{cases}$	$P(X \leq \mu) = 0.63$
توزيع قاما $X \sim \Gamma(\alpha, \beta)$	$\mu = \alpha \beta,$ $\sigma^2 = \alpha \beta^2$ $f(x) = \begin{cases} \frac{x^{\alpha-1} e^{-x/\beta}}{\beta^\alpha \Gamma(\alpha)}, & x > 0 \\ 0 & , x \leq 0 \end{cases} \quad , \alpha > 0, \beta > 0$	$\Gamma(\alpha) = \int_0^\infty t^{\alpha-1} e^{-t} dt \quad \alpha > 0$
توزيع بيتا $X \sim B(\alpha, \beta)$	$f(x) = \begin{cases} \frac{x^{\alpha-1} (1-x)^{\beta-1}}{\beta(\alpha, \beta)} & 0 < x < 1 \\ 0 & \text{ailleurs} \end{cases} \quad (\alpha, \beta > 0)$ $\alpha = \frac{\alpha}{\alpha + \beta}, \quad \sigma^2 = \frac{\alpha \beta}{(\alpha + \beta)^2 (\alpha + \beta + 1)}$	$B(\alpha, \beta) = \int_0^1 u^{\alpha-1} (1-u)^{\beta-1} du, \quad \alpha, \beta > 0$ $B(\alpha, \beta) = \frac{\Gamma(\alpha) \Gamma(\beta)}{\Gamma(\alpha + \beta)}$

السلسلة 4

التمرين 1: صندوق به 6 كرات مرقمة من 1-6 نسحب كرة مع الارجاع في كل مرة ول 4 مرات متتالية، ونسجل في كل مرة الرقم الذي يظهر .

1-1 ما هو احتمال ظهور الرقم 5 ثلاث مرات؟
2-2 ما هو احتمال ظهور الرقم 5 مرة واحدة على الأقل؟
 إذا كان لدينا المتغير العشوائي X حيث يمثل عدد مرات ظهور الرقم 5 في الأربع رميات

3-3 حدد قانون التوزيع الاحتمالي للمتغير العشوائي؟
4-4 أحسب التوقع الرياضي، التباين والانحراف المعياري؟
التمرين 2: تشير الإحصائيات للسنوات السابقة أنه في المتوسط يتوقف 6 طلاب جدد عن الدراسة في كل قسم كل سنة في كلية معينة.

1-1 ما هو احتمال توقف 3 طلاب عن الدراسة في سنة معينة؟ احتمال توقف 3 طلاب أو أقل عن الدراسة في سنة معينة؟
2-2 أحسب التوقع الرياضي، التباين والانحراف المعياري؟

التمرين 3: في امتحان مقياس الإحصاء وجد الطالب 4 تمارين . فإذا كان احتمال أن يجيب هذا الطالب عن كل تمرين صحيحا هو $2/3$

1-1 ما هو احتمال أن يجيب صحيحا عن تمرينين فقط؟
2-2 ما هو احتمال أن يجيب صحيحا عن تمرين واحد أو أكثر؟
3-3 ما هو احتمال أن يجيب صحيحا عن أكثر من نصف التمارين؟

التمرين 4: تشير الإحصائيات أن 1 في المائة من السيارات المنتجة في مصنع ما فيها بعض المشاكل التقنية .فرضا أننا اخترنا عينة مكونة من 30 سيارة . أحسب احتمال وجود أكثر من سيارة فيها مشاكل تقنية - باستخدام التوزيع البواسوني كتقريب لتوزيع ذي الحدين-؟

التمرين 5: إذا كان طول عمال في مصنع ما يتبع التوزيع الطبيعي، بمتوسط حسابي 170 وانحراف معياري 10 . ما هو احتمال أن يكون: **1-1** طول عامل اختير عشوائيا بين 150 و 160 ؟

2-2 طول عامل اختير عشوائيا أقل أو يساوي 175 ؟ **3-3** طول عامل اختير عشوائيا أكثر أو يساوي 185 ؟

التمرين 6: إذا كان الوسط الحسابي والانحراف المعياري للعلامات في أحد المسابقات هو 74 و 12 على التوالي.

1-1 أحسب العلامات بالوحدات القياسية واحتمالاتها للمتسابقين الحاصلين على 60، 85، 93، 75؟

2-2 أحسب العلامات المناظرة للوحدات القياسية: 2، 1.5، 0.5، -1؟

التمرين 7: إذا ألقينا 12 قطعة نقدية متماثلة . أحسب احتمال أن نحصل على الصورة عددا من المرات يتراوح

بين 4 و 7 ، وذلك باستخدام: **1-1** توزيع ذي الحدين؟ **2-2** التقريب الطبيعي لتوزيع ذي الحدين؟

التمرين 8: نفترض أنه هناك 300 خطأ مطبعيا موزعة على صفحات كتاب مكون من 500 صفحة . أحسب احتمال

أن تحتوي صفحة معينة على: **1-1** خطأين بالضبط؟ **2-2** خطأين أو أكثر؟ **3-3** 5 أخطاء بالضبط؟

التمرين 9: في مركز تلقي المكالمات الهاتفية، يتم استقبال المكالمات من خارج الوطن باحتمال قدره 0.1 في الساعة . قمنا

بسحب 100 مكاملة خلال ساعة معينة . ما هو احتمال أن نجد أكثر من 3 مكالمات دولية في العينة المسحوبة وذلك

باستخدام: **1-1** توزيع ذي الحدين؟ **2-2** التوزيع البواسوني؟ **3-3** التوزيع الطبيعي؟

التمرين 10: تتكون عائلة من 7 أطفال، ما هو احتمال أن يكون في هذه العائلة:

1-1 4 أولاد ؟ **2-2** عدد الأولاد أقل من عدد البنات؟

السلسلة 4

تمرين 11: مدة حياة مصباح بالساعات تتبع التوزيع الاسي بالمعلمة $\gamma = 0.1$.

- ما هو عدد الساعات لبقاء المصباح صالحا باحتمال 0.9
- اوجد احتمال بقائها اكثر من 5 ساعات علما ان هذه السيارة تجاوزت مدة حياتها 100 ساعة ؟

تمرين 12: ليكن Z متغير عشوائي يتبع التوزيع الطبيعي المعياري، احسب الاحتمالات:

- 1- $P(1.98 < Z < 4.25)$
- 2- $P(-1.85 < Z < 0)$
- 3- $P(-1.5 < Z < -0.74)$
- 4- $P(-2.45 < Z < 0.87)$
- 5- $P(1.15 < Z < 2.33)$
- 6- $P(Z > -1.74)$
- 7- $P(Z < -1.24)$

تمرين 13: ليكن X متغير عشوائي يتبع التوزيع الطبيعي ، بتوقع 3 وتباين 16. احسب الاحتمالات:

- 1- $p(|X - 3| < 4)$
- 2- $P(1.3 < x < 2.85)$
- 3- $P(x > 3.22)$
- 4- $P(2.15 < x < 3.93)$

تمرين 14: ليكن X متغير عشوائي يتبع التوزيع الطبيعي ، حيث لدينا $p(X > 9) = 0.0228$

و $p(X \geq 3) = 0.8413$ احسب التوقع والتباين ؟

تمرين 15: حسب مصلحة الارصاد الجوية فان درجة الحرارة اليومية خلال شهر جويلية تتوزع طبيعيا بمتوسط

35° وانحراف معياري 2° . ما هو احتمال ان يكون هناك يوم:

- 1. تفوق درجة حرارته 37° ؟
- 2. تفوق درجة حرارته 40° ؟
- 3. تقل درجة حرارته عن 35° ؟
- 4. درجة حرارته ما بين 33° و 38° ؟
- 5. ما هي درجة الحرارة حتى يكون احتمال ان تفوق الحرارة المتوسط هو 0.95.

تمرين 16: في تجربة القاء قطعة نقود 120 مرة . أحسب احتمال الحصول على الصورة ما بين 4 و 7 مرات

باستخدام : 1. التوزيع الشائي ؟ 2. تقرب التوزيع الشائي الى توزيع بواسون ؟

3. تقرب التوزيع الشائي الى التوزيع الطبيعي ؟

تمرين 17: لدينا رقم 625 رقم (مجموعة الارقام 0،1،2،...،9). أحسب احتمال ان يظهر الرقم 7 ما بين 50 و

60 مرة باستخدام :

- 1- التوزيع الشائي ؟
- 2- تقرب التوزيع الشائي الى توزيع بواسون ؟
- 3- تقرب التوزيع الشائي الى التوزيع الطبيعي ؟