

## 2. توازن المستهلك:

**1.2 توازن المستهلك في حالة سلعة واحدة:** يتحقق توازن المستهلك الذي يشتري سلعة واحدة فقط عندما يشتري كمية من تلك السلعة بحيث تكون المنفعة الحدية للسلعة مساوية لمنفعة المبلغ المنفق على الوحدة الواحدة من تلك السلعة أي: المنفعة الحدية للسلعة = منفعة المبلغ المنفق على الوحدة الواحدة من السلعة.

عند قيام المستهلك بدفع ثمن السلعة فهو يضحى بمنفعة النقود ولهذا فإن المستهلك يحقق التوازن عندما تتعادل المنفعة المضحية بها (النقود) مع المنفعة المكتسبة (منفعة السلعة) أي:

$$\text{المنفعة المكتسبة } (MU_x) = \text{المنفعة المضحية بها } (\lambda P_x)$$

حيث أن:

المنفعة المضحية بها = سعر السلعة  $P_x$  مضروباً في منفعة الوحدة الواحدة من النقود (المنفعة الحدية للنقود)  $\lambda$

المنفعة المكتسبة = المنفعة الحدية للسلعة  $X$  ( $MU_x$ ) أي التغير في المنفعة الكلية

بما أن وضع التوازن يتطلب المساواة بين المنفعة الحدية المكتسبة والمنفعة الحدية المضحية بها  $\lambda P_x = MU_x$  فإن علاقة توازن المستهلك في حالة سلعة واحدة يمكن كتابتها بالشكل التالي:  $\lambda = \frac{MU_x}{P_x}$

**مثال (2):** بالاعتماد على بيانات الجدول السابق في المثال (1) وبافتراض أن ثمن كل وحدة مستهلكة من السلعة  $X$  يساوي 4 ون ( $P_x = 4$ ) وتقدير المستهلك لمنفعة كل دينار منفق في سبيل الحصول على السلعة  $X$  تقدر بـ 1.25 وحدة منفعة (المنفعة الحدية للنقود  $(\lambda = 1.25)$ ).

**المطلوب:** تحديد عدد الوحدات التي يجب اقتنائها من السلعة  $X$  والتي تحقق التوازن للمستهلك؟

**الحل:** يبين الجدول التالي نتائج تقدير المنفعة الحدية المكتسبة والمنفعة الحدية المضحية بها عند مختلف الوضعيات الاستهلاكية للسلعة  $X$ :

الكميات المستهلكة ( $Q_x$ )	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
المنفعة الكلية ( $TU_x$ )	0	10	16	21	25	28	30	31	31	30	27
المنفعة الحدية المكتسبة ( $MU_x$ )		10	6	5	4	3	2	1	0	-1	-3
المنفعة المضحية بها ( $\lambda P_x$ )		5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
$MU_x - \lambda P_x$		5	1	0	-1	-2	-3	-4	-5	-6	-8

المنفعة المضحية بها = سعر الوحدة من السلعة  $\times$  منفعة الوحدة الواحدة من النقود  $= 1.25 \times 4 = 5$

من خلال الجدول نلاحظ أن توازن المستهلك يتحقق عند 3 وحدات من السلعة X وذلك عند مستوى إشباع كلي يقدر بـ 21 وحدة منفعة، وهي تمثل أقصى إشباع ممكن ضمن القيود المفروضة على المستهلك.

**ملاحظة:** توازن المستهلك في حالة مجانية السلعة يتحقق عندما تكون المنفعة الحدية المكتسبة معدومة.

**2.2 توازن المستهلك في حالة أكثر من سلعة واحدة:** في حالة استهلاك المستهلك لتشكيلة متنوعة من السلع والخدمات ، فإنه يحقق التوازن إذا توفر الشرطين التاليين:

**أ. الشرط الضروري (لكنه غير كافي):** تساوي المنفعة الحدية للوحدة النقدية المنفقة على كل سلعة من السلع المختلفة، ويتم ذلك من خلال تساوي النسبة بين المنفعة الحدية المكتسبة والسعر بالنسبة لجميع السلع من خلال العلاقة التالية:

$$\frac{\text{المنفعة الحدية للسلعة } x}{\text{سعر السلعة } x} = \dots = \frac{\text{المنفعة الحدية للسلعة } y}{\text{سعر السلعة } y} = \dots = \frac{\text{المنفعة الحدية للسلعة } z}{\text{سعر السلعة } z}$$

$$\frac{MU_x}{P_x} = \frac{MU_y}{P_y} = \dots = \frac{MU_z}{P_z} = \lambda$$

قمنا باستنتاج هذه العلاقة من خلال:

$$\left\{ \begin{array}{l} x \rightarrow \lambda P_x = MU_x \Leftrightarrow \lambda = \frac{MU_x}{P_x} \\ y \rightarrow \lambda P_y = MU_y \Leftrightarrow \lambda = \frac{MU_y}{P_y} \\ \vdots \\ z \rightarrow \lambda P_z = MU_z \Leftrightarrow \lambda = \frac{MU_z}{P_z} \end{array} \right. \Rightarrow \frac{MU_x}{P_x} = \frac{MU_y}{P_y} = \frac{MU_z}{P_z} = \lambda$$

ومعنى هذا الشرط اقتصاديا، أنه حتى يصل المستهلك إلى وضع التوازن يجب أن تكون المنفعة الحدية للدينار الأخير المنفق على السلعة X مساوية للمنفعة الحدية للدينار الأخير المنفق على السلعة Y.

**ب. الشرط المتمم أو المكمل:** ويعرف أيضا بشرط الإنفاق وهو يعبر عن المساواة بين الدخل المخصص للإستهلاك ومجموع المبالغ المنفقة على السلع وفق العلاقة التالية:

$$\text{الإنفاق على السلعة } X + \text{الإنفاق على السلعة } Y + \dots + \text{الإنفاق على السلعة } Z = \text{الدخل (R)}$$

أي:

$$R = xP_x + yP_y + \dots + zP_z$$

حيث أن:

X، Y، Z: كميات السلع المقتناة

$P_x, P_y, P_z$ : تمثل أسعار السلع:  $x, y, z$  على الترتيب

$R$ : يمثل دخل المستهلك

وباختصار فإن شرطي توازن المستهلك في حالة أكثر من سلعة واحدة هما كالتالي:

$$\begin{cases} \frac{MU_x}{P_x} = \frac{MU_y}{P_y} = \dots = \frac{MU_z}{P_z} = \lambda \\ R = xP_x + yP_y + \dots + zP_z \end{cases}$$

**مثال (3):** نفترض أن مستهلك ما يقوم بإنفاق دخله النقدي والمقدر بـ 140 دج على شراء ثلاث سلع  $x, y, z$ ، وكان سعر السلعة  $x$  يساوي 10 دج، سعر السلعة  $y$  يساوي 15 دج، وسعر السلعة  $z$  يساوي 20 دج والمنفعة الحدية لكل سلعة من السلع الثلاث كما هي مبينة في الجدول التالي:

الكميات المستهلكة (Q)	1	2	3	4	5	6	7
المنفعة الحدية للسلعة $x$ ( $MU_x$ )	11	10	9	8	7	6	5
المنفعة الحدية للسلعة $y$ ( $MU_y$ )	19	17	15	13	11	9	7
المنفعة الحدية للسلعة $z$ ( $MU_z$ )	40	36	32	28	22	20	16

**المطلوب:** حدد الكميات التوازنية من السلع  $x, y, z$  والتي تحقق للمستهلك وضع التوازن في ظل الدخل المخصص للإنفاق؟ أو بعبارة أخرى أوجد الكميات  $x, y, z$  التي تعظم إشباع هذا المستهلك؟