

إتساق و عدم اتساق مجموعة من القضايا Consistency and Inconsistency

تمهيد:

تعرفنا ممارسة في المباحث الثلاثة السابقة على طريق التقويم المعتمدة لمعرفة الصيغ المنطقية للقضايا و للعبارات المنطقية المختلفة، ووقفنا عند أهم المراحل الرئيسية لكل طريقة، (الجداول الكلاسيكية ، الجداول المختصرة ، و طريقة الأشجار) ووجدنا أنَّها تتفاوت في التركيب و السهولة ، و تتأرجح بين الإحصاء و التأويل، لكن هدفها واحد، و هو أساس الصدق و الكذب، فلا تخلو نتيجة التقويم من ثلاثة أصناف أو صيغ : تكرارية ، متناقضة ، عرضية. و كل صيغة تصلح لأمر معيّن. فالمتناقضة هي القضايا المخالفة للعقل و الفكر السليم تستعمل في البرهنة بالخلف، أمّا التكرارية فهي عبارات مصدّقة يبنى عليها البرهان في حين نجد العبارات العرضية في العالم المتغيّر بوقائعه.

هذا، و إذا كانت طريقة أشجار الصدق فيها ميزة التحليل بدرجة أقوى من الطريقتين السابقتين، فأنى تتجلى تطبيقاتها، و ما هي قيمتها المنطقية؟

نحاول أن نركّز على بعض منها ، وهي الاتساق و عدم الاتساق بين مجموعة من القضايا المنطقية. فما هو الاتساق بين القضايا و ما هي مراحلها؟

أ - **التعريف بالاتساق:** " تكون مجموعة من القضايا المنطقية متسقة consistency إذا وجدت حالة واحدة، على الأقل، تصدق فيها كل قضايا المجموعة. " ¹ أو هو مجموعة من الصيغ لم يكن بالإمكان اشتقاق صيغ متناقضة منها.. بل يجب أن تكون جميعها صادقة في نفس الوقت ، و هذا شرط كاف لاتساقها. ² و تكون مجموعة من القضايا غير متسقة inconsistency إذا لم توجد حالة واحدة تصدق فيها كل قضايا المجموعة. ³ و اللجوء إلى الاتساق بين القضايا نابع من تقرير المنطق ذاته، لما تبين أن البدهاء الحدسية لا تستطيع في المنطق المعاصر أن تضمن الاتساق في النسق الصوري ⁴ . و حتى نقرب الفهم للقارئ، فالاتساق نقرؤه أفقياً في جداول الصدق. عكس الصيغ التي نقرؤها عمودياً.

1 - أحمد موساوي، مدخل جديد الى المنطق المعاصر، ص 169.

2 - أسعد الجنابي، مرجع سابق، ص 95

3 - أحمد موساوي، المرجع نفسه، ص 169

4 - Marc Peeters ; Sébastien Richard . Logique formelle . édi Mardaga . p 85

ب - الخطوات العملية:

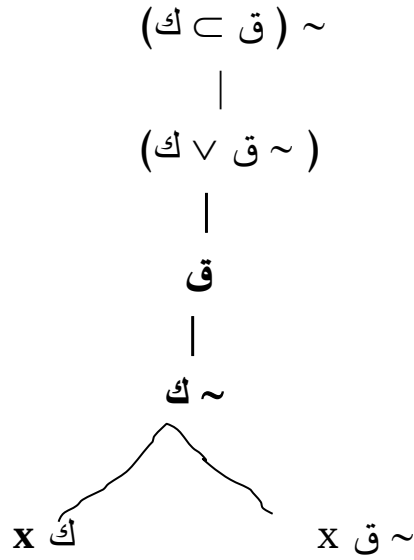
المثال الأول : لدينا مجموعة القضايا التالية: $\sim (ق \supset ك)$ ، $(\sim ق \vee ك)$.

تتألف من قضيتين مركبتين. هل المجموعة "مج" متسقة أم غير متسقة ؟

الخطوة 1 : نقوم بترتيب القضيتين معا ترتيبا عموديا في شجرة صدق واحدة و هي

كما يلي:

الخطوة الثانية: تفريع القضايا:



فروع الشجرة مغلقة لاحتوائها على تناقض. الفرع الأول يحتوي على

تناقض بين $\sim ق$ ، $ق$ ، و الثاني بين $ك$ ، $\sim ك$. لا توجد حالة واحدة تصدق فيها كل

القضايا، إذن المجموعة غير متسقة.

- المثال الثاني :

لدينا مج = $((ق \sim ك) , (ق \vee ك) , (ق \wedge ك))$
مجموعة مؤلفة من ثلاث قضايا مركبة.

هل المجموعة (مج) متسقة أم هي غير متسقة ؟

الخطوة الأولى :

ترتيب القضايا ترتيبا عموديا في شجرة صدق واحدة :

$(ق \sim ك)$

|

$(ق \vee ك)$

|

$(ق \wedge ك)$

|

ق

|

$\sim ك$

~~~~~

$\sim ك$

$\sim ق \times$

~~~~~

$\times ك$

$\sim ق \times$

الخطوة الثانية

نقوم بعملية التفريع

المطابق لقواعد الروابط

فروع الشجرة مغلقة لاحتوائها على تناقض. الفرع الأول يحتوي على

تناقض بين $\sim ق$ ، ق ، و الثاني بين ك ، $\sim ك$. لا توجد حالة واحدة تصدق فيها كل القضايا، إذن المجموعة غير متسقة.

– المثال الثالث:

مج = [(ق ∨ ل)، ~ (ل ∨ ك) ، (ق ∨ ك)] هل مج متسقة؟
الخطوة 1:

نرتب القضايا عموديا في شجرة صدق واحدة:

(ق ∨ ل) /1

~ (ل ∨ ك) /2

(ق ∨ ك) /3

|

ل

|

~ ك

ك



الخطوة 2: نفرع القضايا

حسب قواعد الروابط

نلاحظ على شجرة الصدق وجود فرعين مغلقين، الأول يحتوي على تناقض : ك، ~ ك ،
و الثاني: ق ، ~ ق. أما الفرع الثالث فهو مفتوح لأنه لم يحتو على تناقض. و في هذه
الحالة تصدق القضايا الثلاث معا بالنسبة إلى ما يلي:

[ل ، ~ ق ، ك]

إذن مج متسقة .

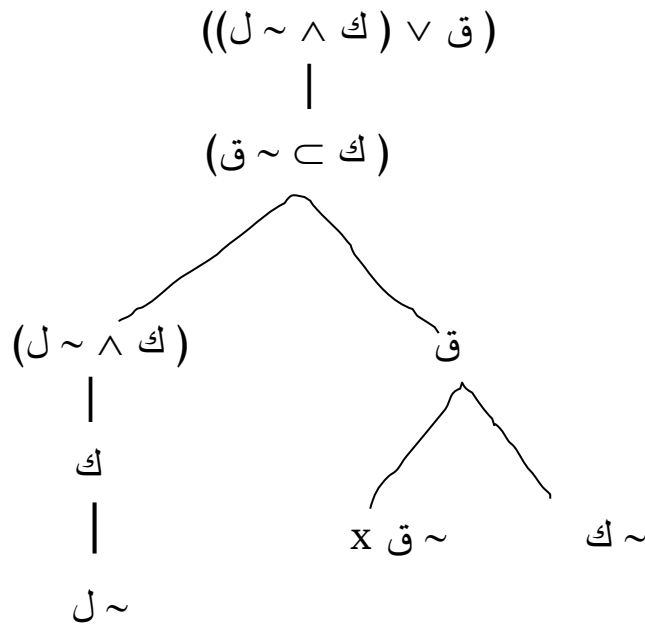
المثال 4:

مج = $[(\text{ق} \vee (\text{ك} \wedge \sim \text{ل})) , (\text{ك} \supset \sim \text{ق})]$ مجموعة مكونة من

قضيتين مركبتين .

- الخطوة 1:

نقوم بترتيب القضيتين معا ترتيبا عموديا في شجرة صدق واحدة على الشكل التالي:



نلاحظ في شجرة الصدق وجود فرع واحد مغلق، ق ، ~ ق و يبقى فرعان مفتوحان لأنهما لم
يحتويا على تناقض. و في الحالتين تصدق القضيتان بالنسبة إلى ما يلي:

أ : ق ، ~ ك

ب : ~ ل ، ك ،

إذن مج : متسقة