

تمرين رقم 1

أحسب إن أمكن:

$$\lim_{x \rightarrow \pm\infty} x(\sqrt{x^2+1}-x), \quad \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{x^2+1}}{x+1}$$

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x-2}{\sqrt{x^2-4}}, \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} (\sqrt{x^2+1}-\sqrt{x^2-1}), \quad \lim_{x \rightarrow 0} \left(x + \frac{\sqrt{x^3}}{x} \right)$$

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x-\sqrt{x+2}}{\sqrt{4x+1}-3}, \quad \lim_{x \rightarrow 0} \left(\frac{1}{x} + \sqrt{\frac{1}{x^2}-1} \right), \quad \lim_{x \rightarrow 3} \frac{\sqrt{x^2-9}}{x-3}$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{2x}-1}{3x^2+x}, \quad \lim_{x \rightarrow 0} e^{-\frac{1}{x^2}}, \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{\tan x}, \quad \lim_{x \rightarrow 1} \left(\frac{2}{1-x^2} - \frac{3}{1-x^3} \right)$$

تمرين رقم 2

عين الخطوط المقاربة لمنحنى كل من الدوال الآتية:

$$h(x) = x - 2 + \frac{x^2}{\sqrt{x^2+1}}, \quad g(x) = x + \frac{1}{x} + \frac{1}{\sqrt{x-1}}, \quad f(x) = \frac{1}{(x-2)^2}$$

تمرين رقم 3

لتكن الدالة المعرفة بالشكل:

$$f(x) = \frac{x^2-1}{x^2-3x+2} \ln(1+x)$$

1. عين D_f مجموعة تعريف $f(x)$.

2. أدرس استمرارية الدالة الجديدة:

$$x \mapsto g(x) = \begin{cases} f(x) & \text{si } x \in D_f \\ \ln \frac{1}{4} & \text{si } x \notin D_f \end{cases}$$

تمرين رقم 4

ادرس استمرار الدوال الآتية عند القيم الرفقة بها:

$$f(x) = \sqrt{4-x} \quad \text{en } x_0 = 4, \quad g(x) = \sqrt{1-x^2} \quad \text{en } x_0 = 1$$

$$h(x) = \begin{cases} \frac{1}{x^2-1} & , \text{si } |x| < 1 \\ 0 & , \text{si } |x| \geq 1 \end{cases}, \quad \text{en } x_0 = -1 \quad \& \quad x_0 = 1$$

تمرين رقم 5

احسب مشتقات الدوال الآتية:

$$e^{\frac{1}{x}}, \quad e^{3x}-1, \quad x^3-2x^2-\ln(x^2-x), \quad x^3\sqrt{x}-x\sqrt[4]{x}$$

$$\frac{e^{\sqrt{x}}}{\ln(x-1)}, \quad e^{e^x}, \quad e^{\sqrt{x}}, \quad e^{\frac{1}{x^2}}, \quad \ln \frac{x^3+1}{x}$$

تمرين رقم 6

$$f(x) = \begin{cases} 2x+3 & \text{pour } x < -1 \\ |x| & \text{pour } -1 \leq x \leq 1 \\ 2 & \text{pour } x > 1 \end{cases}$$

ادرس استمرار واشتقاق الدالة $f(x)$ ، حيث :

تمرين رقم 7

$$f(x) = x^2 + 3|x-1|$$

نعتبر الدالة العددية

أدرس الاشتقاق للدالة $f(x)$ على مجموعة تعريفها.

تمرين رقم 8

$$f(x) = \begin{cases} \frac{\sqrt{x^2(x-1)^2}}{(x-1)(|x|+1)} & \text{pour } x \in \mathbb{R} - 1 \\ -\frac{1}{2} & \text{pour } x = 1 \end{cases}$$

نعتبر الدالة

ادرس استمرار واشتقاق $f(x)$ عند $x_0 = 0$ و $x_0 = 1$.
أنشئ التمثيل البياني لتغيرات الدالة f في معلم متعامد ومتجانس.

تمرين رقم 9

ادرس الدالة $f(x)$ وأنشئ تمثيلها البياني في معلم متعامد ومتجانس حيث:

$$f(x) = \sqrt{(x+2)^2} + \frac{1}{x+1} , f(x) = \frac{2x^2 + 3x - 2}{(x-1)^2} , f(x) = e^{\frac{1}{x^2}} , f(x) = \frac{x}{2} + \frac{2}{x}$$

$$f(x) = 2x + 1 - \ln x , f(x) = \frac{x^2 - |x|}{x^2 + x - 1} , f(x) = \frac{2(x-1)}{2x^2 + 3x - 2}$$

$$f(x) = e^{\frac{1}{x^2}} , f(x) = -\frac{x}{2} + \ln \left| \frac{x-1}{x} \right| , f(x) = 2x - |x| \ln(x^2)$$

تمرين رقم 10

احسب المشتقات من الرتبة 2 للدوال:

$$f(x) = (4x+1)^{3/2} , f(x) = \sqrt{x^2 - 4} , f(x) = x^3(x+1)^2$$

تمرين رقم 11

احسب المشتقة من الرتبة n لكل من الدوال: e^x ، $\sin x$ ، $\cos x$

تمرين رقم 12

حقق نظرية رول على الدالة $f(x) = x^3 - 4x$ في المجال $[-2, 0]$.

حقق نظرية التزايد المتناهية على الدالة $f(x) = e^x$ في المجال $[1, 0]$.

تمرين رقم 13

أدرس وجود ووحدانية c حيث: $f(b) - f(a) = (b-a)f'(c)$

في الحالات الآتية:

$$f(x) = (x+2)(x-1) \quad a = -2, b = 1$$

$$f(x) = \sqrt[3]{x^2} \quad a = -1, b = 1$$

$$f(x) = \sqrt[3]{x} \quad a = -1, b = 1$$