سلسلة تمارين حول المعاينة

تمرين 1: مجتمع حجمه N=5 يأخذ القيم التالية:2،4،6،8،10 قم باختيار عينة عشوائية من هذا المجتمع حجمها n=2 ، وشكل جميع الحالات الممكن في حالة السحب بالارجاع وبدون ارجاع.

- احسب المتوسط الحسابي للعينة والمتوسط الحسابي للمجتمع؟ وماذا تستنتج؟
- احسب المتوسط والانحراف المعياري والتباين للمتوسطات اذا كان حجم احسب تباين توزيع المعاينة للمتوسطات وتباين المجتمع؟ وماذا تستتج؟ تمرين الثاني: نفرض انه لدينا مجتمع مكون من 4 أطفال في عمر معين، وكان عدد الاسنان لكل منهم:

 $X_1 = 4$ $X_2 = 5$ $X_3 = 0$ $X_4 = 3$

- احسب متوسط وتباين المجتمع؟
- أوجد توزيع المعاينة للمتوسطات لعينة حجمها n=2 ، اذا علمت أن السحب بالارجاع.
 - احسب متوسط توزيع المعاينة وتباين توزيع المعاينة

تمرين الثالث: مجتمع مكون من 5 طلاب ، قمنا بحساب عدد مرات سفر كل واحد منهم خارج الوطن فكانت النتائج كما يلى:

 $X_2=0$ $X_3=1$ $X_4=4$ $X_5=3$ $X_1 = 2$

- أوجد توزيع المعاينة للمتوسطات لعينة حجمها n=3 إذا كان السحب بدون ارجاع.
 - استنتج متوسط توزيع المعاينة؟

- احسب تباين توزيع المعاينة؟
- ماهي علاقة متوسط وتباين المجتمع بمتوسط وتباين العينة؟

تمرين الرابع:

قمنا باستخراج كل العينات الممكنة من مجتمع حجمه N=900 بمتوسط حسابي 20 وانحراف معياري 12

- العينة n=36 ثم n=64؟
 - احسب احتمال ان يكون m محصور مابين 18 و 22؟

تمرين الخامس:

اذا علمت ان متوسط علامات الطلاب في مادة الاحصاء هو 15 وتباين هذه العلامات هو 12.8 . فما هو احتمال ان يزيد متوسط علامات الطلاب في شعبة حجمها 25 عن 15.6؟

تمرین السادس: مجتمع مکون من5487 شخص ، کان متوسط مستوی الهيموغلوبين14.1 والتباين 1.5، اخذت عينة عشوائية حجمها n=6 بالارجاع.

- هل تنطبق نظرية النهايات المركزية ؟ ولماذا؟
- احسب المتوسط والانحراف المعياري لتوزيع المعاينة؟
- احسب احتمال ان يكون m محصور مابين 13.5 و 14.8؟

تمرين السابع: مجتمع مكون من 800 شخص منهم 480 لديهم شهادة جامعية، أخذت عينة عشوائية حجمها 45 بدون ارجاع.

- هل يمكن اهمال معامل الارجاع ؟ لماذا؟

- هل تنطبق نظرية النهاية المركزية؟ لماذا؟

- ماهي طبيعة توزيع المعاينة لعينة ما؟

تمرين الثامن: لدينا مجتمع يتكون من العناصر التالّة:

1، 1، 0، 1، 0. حيث يشير الرقم (1)الى أن العنصر يتميز بخاصية معينة و (0)لا يتميز بهذه الخاصية. نرمز لنسبة العناصر التي تتميز بهذه الخاصية بالرمز P ومن أجل تقدير هذه النسبة نختار عشوائيا عينة حجمها. (n=2) - عين جميع العينات الممكنة في حالة الارجاع وبدون ارجاع.

-احسب نسبة المجتمع؟

-احسب المتوسط الحساب والتباين في حالة الارجاع وبدون ارجاع؟ تمرين التاسع: سلمت مؤسسة طلبية مكونة من 400وحدة لأحد عملائها ، ويقضى اتفاق مسبق يرفض الطلبية اذا بلغت نسبة الوحدات المعابة 3% ، اذا كانت نسبة الوحدات المعابة في انتاج المؤسسة 2%.. احسب احتمال أن لا ترفض الطلبية؟ (نفرض ان المجتمع كبير)

تمرين العاشر:إذا دلت نتائج الانتخابات السابقة على أن أحد المترشحين حصل على 45% من الاصوات. فماهو احتمال ان يحصل على الاغلبية في التصويت لعينة تشمل 500 ناخب ؟ (نفرض ان المجتمع كبير) تمرين الحادي عشر:إذا علمت أن متوسط مدة حياة بطارية ينتجها المصنع A هي 3000سا بانحراف معياري 350 ساعة وأن متوسط البطارية المنتجة في المصنع B هو 2500ساعة بانحراف معياري 200ساعة ، فإذا قمنا بتكوين

عينتين من انتاج المصنعين حجم كل منها 200، احسب الفرق المتوقع بين المتوسطين في العينتين، وأحسب النحراف المعياري لهذا الفرق.

تمرين 12: يقطع موزعين يعملان في شركة لتوزيع الاغاية الجاهزة أحدهما على دراجة نارية والاخر على دراجة هوائية، يوميا مسافة 30 كلم و 16.5 كلم على التوالى بانحراف معياري 0.21 و 0.12 على التوالى .

-ماهو المتوسط والانحراف المعياري للفرق بين المسافة التي يقطعها الموزعين. - تدرس المؤسسة امكانية تكليف الموزع الاول بالدورتين معا، ماهو المتوسط والانحراف المعياري للمسافة التي سيقطعها يوميا .

تمرین 13: لدینا مجتمع حجمه N=100 نسحب منه عینة عشوائیا حجمها n=16 احسب احتمال أن یکون تباین العینة S^2 أقل من او یساوي n=16 علما ان تباین المجتمع یساوي n=16

تمرين 14: مجتمع مكون من العناصر التالية: 1. 2. 3. 5 نسحب عينة بالارجاع ثم بدون ارجاع مكونة من مفردتين.

- احسب تباين المجتمع ، واحسب القيمة المتوقعة لتباين العينة المسحوبة بالارجاع وبدون ارجاع .
 - قارن بين تباين المجتمع والقيمة المتوقعة لتباين المجتمع.

6