## الفصل الثاني : نظرية الإنتاج:

## أولا: دالة الإنتاج:

## أ: تعريف الإنتاج:

هو العملية التي تسمح بتحويل المدخلات Inputs (اليد العاملة، المواد الأولية، رأس المال، الآلات و المعدات، الأراضي ) .. إلى مخرجات Outputs (السلع و الخدمات) ، و نميز بين نوعين من المدخلات:

-المدخلات الثابتة les inputs fixes: هي المدخلات التي تكون كميتها ثابتة و لا يمكن تغييرها.

-المدخلات المتغيرة les inputs variables: هي المدخلات التي يمكن للمؤسسة تغيير كميتها.

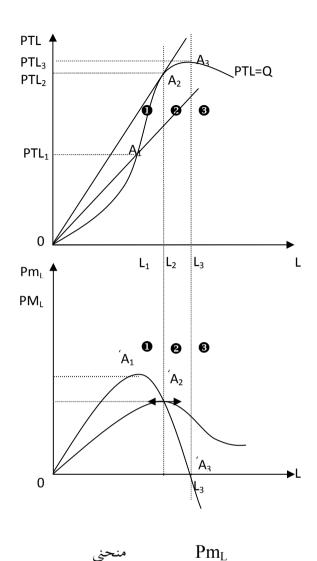
## ب: تعريف دالة الإنتاج:

) في تغير (محيط

هذه الفترة

) بالتالي

في سنفترض متغيرة. -المدى الطويل: الفترة التي خلالها تغيير ( ) في تغير (محيط ثانيا: دالة الإنتاج في الفترة القصيرة: أ: الناتج (الإنتاج الكلي)، الإنتاجية المتوسطة و الإنتاجية الحدية: في هذه المتغير **L** في بمتغير **K**، بالتالي التالي:  $PT_L = f(L, K) \Rightarrow PT_L = F(L)$ - الناتج الكلي أو الإنتاج الكلي  $PT_L$  . متغيرة - الإنتاجية المتوسطة للعمل (الناتج المتوسط PML): في  $PML = PT_L / L$ :  $PT_{L}$ :( PmL التغير في تغير .  $PmL = \Delta PT_L / \Delta L = \partial PT_L / \partial L$ ب: منحنيات الناتج الكلي، المتوسط، الحدي:



ج: ملاحظات حول دوال الإنتاج:

 $PM_L$ 

منحني

 $.PT_{L}$ 

$$PM_L$$
 وي  $PM_L / \partial L = 0$  وي  $PM_L / \partial L = 0$  وي  $PM_L / \partial L = 0$  وي  $PM_L = Pm_L$  وي  $PT_L$  وي  $Pm_L$  وي  $Pm_L$ 

```
ه: قانون تناقص الغلة:
                        المتغيرة،
                                                       في
            انخفاض
                                  هذه
                                                                                  و : مراحل الإنتاج:
                                                                         -المرحلة الأولى: مجالها
              إلى
                                                  إلى
                                                                        (\partial PM_L / \partial L = 0)
                                  التي
                                                 إلى
                                                       .(PM_L = Pm_L)
                                                                                   -المرحلة الثانية:
                    (PM_L = Pm_L)
                                          (Pm_L = 0)
                                                                                       إلى التي
                                                                                -المرحلة الثالثة: في
    PT_{L}
                                       محانية
                                                 يختار الأولى
                                                          العقلاني
                                        Q=10L^2-L^3 :
       .(
                                                         التي
                                                                                   1:
                       في الأولى .
                                                                                    2
                                (
                                                   PM_L = P_{mL}
\Rightarrow \frac{Q}{I} = \frac{\partial Q}{\partial I} \Rightarrow \frac{10L^2L^3}{I} = 20L + 3L^2
```

السنة الأولى ل م د (علوم اقتصادية)

=> 
$$10L - L^2 = 2L - 3L^2 => 10 - L = 20 - 3L$$
  
=>  $20 - 10 = 3L - L => 10 = 2L => L = S$   
 $Q = 10(5)^2 - (5)^3 => Q = 250 - 125$  <= L=5

Q= 125 unités

$$\frac{\partial Q}{\partial L}$$
 => 20 L - 3L<sup>2</sup> = 0 => 20 = 3L => L =20/6 = 6.66 ()

$$Q = 10L^2 - L^3 = \frac{400}{27}$$
 unités

# ثالثا: دالة الإنتاج في الفترة الطويلة:

#### أ: منحنى الناتج المتساوي:

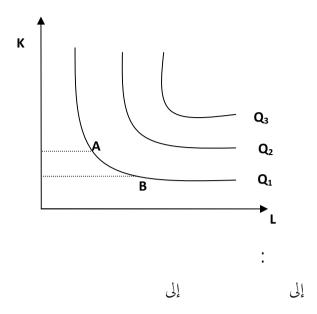
منحنى إلى والتي . في . بافتراض

.  $TMST_{L.K}$  التقني

"Technical Rate of Substitution "

**.** محل

وهما



منحنيات الناتج المتساوي محدبة نحو نقطة وذلك راجع إلى التقني TMST<sub>L.K</sub>

هذه المنحنيات فهذا يعني

مختلفتين من السلعة بنفس المجموعة من عنصري ا

ب: تعریف المعدل الحدي للاحلال التقني TMST<sub>L.K</sub>: بالتي يحل محلها

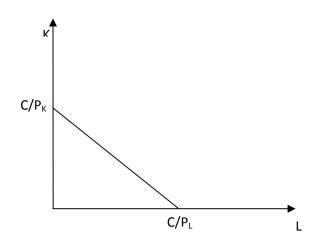
منحنی مقترنًا

 $TMST_{L.K} = \left| \frac{-\Delta K}{\Delta L} \right| = \left| \frac{-dK}{dL} \right| = + \frac{PmL}{PmK}$ 

ملاحظة:

منحنى المنحنى إلى إلى إلى

منحني ( التغير في إلى يعبر فمعنى  $Pm_L = 2$  و  $Pm_K = \frac{1}{2}$ منحني L K L K ج: خط التكاليف المتساوية: في  $C = P_K K + P_L L :$ جميع C/P<sub>K</sub> بخط نحصل  $C/P_L$ يعبر  $C = P_L . L + P_K . K$  $\frac{C}{Pk} = \frac{PI}{Pk} \cdot L + \frac{Pk}{Pk} \cdot k$  $K = \frac{C}{Pk} - \frac{Pl}{Pk}L$ 



# : توازن المنتج:

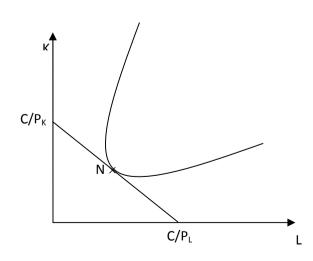
# ✓ توازن المنتج بيانيا:

منحني هذه

في هذه ( )

منحنى = ( )= الفني

$$\frac{\Delta K}{\Delta L} = \frac{P_L}{P_K} = \frac{Pm_L}{Pm_K}$$



√ توازن المنتج رياضيا:

هما

طريقة 1: حالة تعظيم الإنتاج.

 $L(L.K. \lambda) = F(L.K) + \lambda [C - Pl(L) + Pk(K)]$ 

 $\partial L = 0$ 

$$\begin{vmatrix}
\frac{L}{\sigma L} &= 0 & \frac{f}{L} - PI = 0 \\
\frac{L}{K} &= 0 & \frac{f}{K} - PK = 0 \\
\frac{L}{\delta L} &= 0 & CT - PI. L - PK. K = 0
\end{vmatrix}$$

 $\lambda = \frac{PmK}{Pk} = \frac{PmL}{Pl}$ 

علما أن:

$$\begin{cases} \frac{f}{L} = PmL \\ \frac{f}{k} = PmK \end{cases}$$

في حالة تعظيم :

$$\begin{cases}
\frac{PmL}{Pl} = \frac{PmL}{Pk} = \lambda \\
CT = Pl. L + Pk. K
\end{cases}$$

طريقة 2:حالة تدنية التكاليف

$$L=P_L(L) + P_K(K) + \lambda (Q_0 - f(L.K))$$
  
d L =0

$$\begin{vmatrix}
\frac{1}{ol} = 0 & Pl - \frac{f}{l} = 0 \dots \mathbf{0} \\
\frac{1}{l} = 0 & Pk - \frac{f}{k} = 0 \dots \mathbf{0} \\
\frac{1}{l} = 0 & Q^{\circ} - f(L, K) = 0 \dots \mathbf{0}
\end{vmatrix}$$

$$\lambda' = \frac{Pl}{PmL} = \frac{Pk}{Pmk}$$

علما أن:

$$Pm_{K} = \frac{\partial f}{\partial K}$$

$$Pm_{L} = \frac{\partial f}{\partial L}$$

$$\begin{cases} \frac{Pl}{PmL} = \frac{Pk}{PmK} = \lambda \\ Q = F(L, K) \end{cases}$$

√ مسار التوسع:

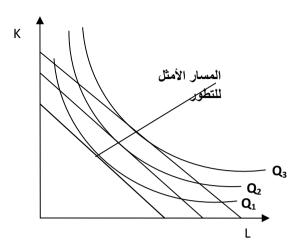
يغير

إلى والى

انخفضت

مختلفة وتعبر هذه

مختلفة بحرى .



# ه :مرونات الإنتاج:

- ✓ المرونة الجزئية للإنتاج:
- مرونة الإنتاج بالنسبة لرأس المال :

تقيس درجة استجابة الكميات المنتجة للتغير النسبي في

$$\mathbf{e_k} = \frac{\Delta Q\%}{\Delta K\%} = \frac{dQ/Q}{dK/K} = \frac{dQ}{dK} \cdot \frac{K}{Q} = \frac{PmK}{PMK}$$

# 🛨 مرونة الإنتاج بالنسبة لعنصر العمل:

ة استجابة الكميات المنتجة للتغير النسبي في عنصر العمل.

$$e_L = \frac{\Delta Q\%}{\Delta L'} = \frac{dQ/Q}{dL'/L} = \frac{dQ}{dL} \cdot \frac{L}{Q} = \frac{PmL}{PML}$$

﴿ وَوَهُ الْإِحْلَالُ: Élasticité substitution technique (EST) مرونة الإحلال:

**.** لعجل

التي

$$\mathbf{E_{L.K}} = \frac{\Delta_{\overline{L}}^{K}\%}{\Delta TMSTl.k\%} = \frac{d(\frac{k}{l})}{dTMSTl.k} \cdot \frac{TMSTl.k}{\frac{k}{l}}$$

#### و: غلة الحجم:

في

إلى

Fonction Cobb – Douglass کوب دوغلاس

بحيث :

✓ زيادة غلة الحجم: في هذه

في هذه

n : بحيث : (n>1) . بحيث

✓ ثبات غلة الإنتاج:

في هذه الأولى (n=1).

. في

 ناقص غلة الحجم:
 في هذه

 هذه
 في هذه

 هذه
 في هذه

مبرر حتى بمحانيا في إلى تخفيض . التي إلى هذه

الى هذه غيرها إلى

ي: درجة التجانس:

: (t) (n)

 $F(tx.n y) = t^n f(x.y)$ 

(n) بحيث (t) بحيث

$$Q=K^{\alpha}.L^{\beta}$$
 :  $\alpha$  .  $\alpha.\beta$  :  $\beta$  .  $\alpha$  .  $\alpha.\beta$  :  $\beta$  .  $\alpha$  .  $\alpha.\beta$  :  $\beta$  .  $\beta$ 

21

.n>1: